文章编号: 0258-1825(2019)03-0480-08

基于高斯过程回归的连续式风洞马赫数控制

高 赫^{1,2,3},刘学军^{1,3,*},郭 晋⁴,吕宏强⁵

(1. 南京航空航天大学 计算机科学与技术学院,模式分析与机器智能工业和信息化部重点实验室,南京 211106;
2. 空气动力学国家重点实验室,绵阳 621000; 3. 软件新技术与产业化协同创新中心,南京 210023;
4. 中国航空工业空气动力研究院,沈阳 110034; 5. 南京航空航天大学 航空学院,南京 210016)

摘 要:在风洞实验中保持实验段马赫数的稳定对实验的成功具有重要意义。传统的 PID 控制算法具有一定时滞性,不能满足连续变迎角实验模式下马赫数的控制精度要求。针对这一缺陷,提出了一种基于高斯过程回归的前 馈控制策略,结合 PID 控制器共同完成马赫数控制任务。首先,对原始数据执行了预处理操作,将数据集中的异常 数据进行清洗并且对清洗后的数据进行标准化;其次,选取迎角、实时马赫数、实验段截面积作为高斯过程回归模 型的输入,压缩机转速作为输出,采用随机划分数据集与分组划分数据集两种策略进行建模,并将高斯过程回归与 常用回归模型的预测精度进行了比较;最后,给出了利用高斯过程回归预测结果及预测置信度进行 PID 反馈控制 的方法。实验结果表明高斯过程回归对风洞实验数据具有很好的建模能力,基于高斯过程回归的前馈控制与 PID 结合的控制策略能够提高连续变迎角模式下的马赫数控制精度。

关键词:风洞;马赫数控制;连续变迎角实验模式;高斯过程回归;预测;机器学习 中图分类号:TP181; V211.71 文献标识码:A doi: 10.7638/kqdlxxb-2019.0018

Mach number control of continuous wind tunnel based on Gaussian process regression

GAO He^{1,2,3}, LIU Xuejun^{1,3,*}, GUO Jin⁴, LYU Hongqiang⁵

(1. MIIT Key Laboratory of Pattern Analysis and Machine Intelligence, College of Computer Science and Technology,

Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 211100, China;

2. State Key Laboratory of Aerodynamics, Mianyang 621000, China;

3. Collaborative Innovation Center of Novel Software Technology and Industrialization, Nanjing 210023, China;

4. AVIC Aerodynamics Research Institute, Shenyang 110034, China;

5. College of Aerospace Engineering, Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, Nanjing 210016, China)

Abstract: Maintaining the stability of Mach number plays an important role in the success of wind tunnel experiments. The traditional PID feedback control algorithm has a certain time lag and can not obtain the required control precision of Mach number in the experiments with continuously changing angle of attack. To overcome this defect, a feed forward strategy based on Gaussian process regression is proposed. The strategy combines the PID controller to carry out the control of Mach number. Firstly, the cleaned data is normalized in addition to cleaning the raw data to reduce the effects of noise. Secondly, the Gaussian process regression is employed to model the relationship between the inputs (angle of attack, real-time Mach number, and cross-sectional area) and the output (rotational speed of compressor) by two different strategies, which randomly divide data set and group data set by Mach number. The trained model is compared with other commonly-used approaches in terms of predictive accuracy. Finally, an improved PID

收稿日期:2019-01-14; 修订日期:2019-04-02

基金项目:空气动力学国家重点实验室基金(SKLA20180102);航天一院联合基金

作者简介:高赫(1993-),男,硕士研究生,研究方向:机器学习,风洞控制. E-mail:gao_he@nuaa.edu.cn

通信作者:刘学军*(1976-),女,教授,主要研究方向:机器学习. E-mail:xuejun.liu@nuaa.edu.cn

(引用拘或:高频) 凶常军· 积罰de菁ri基氏高斯过程回归的连续式风洞品赫数控制[J]. 究行动力常学报。2019: 37(孔p:4%\&?w.cnki.net doi: 10.7638/kqdlxxb-2019.0018 GAO H, LIU X J, GUO J, et al. Mach number control of continuous wind tunnel based on Gaussian process regression[J]. Acta Aerodynamica Sinica, 2019, 37(3): 480-487. control strategy that leverages the prediction and confidence results of Gaussian process regression is proposed. The experimental results confirm that Gaussian process regression has satisfactory ability of modelling wind tunnel data, and the control strategy that combines the PID with the feed forward control based on Gaussian process regression can improve the control precision of Mach number with continuous variable angles of attack in wind tunnel.

Keywords: wind tunnel; Mach number control; continuous test mode; Gaussian process regression; prediction; machine learning

引 0 言

风洞是能人工产生和控制气流,以模拟飞行器或 物体周围气体流动,并可量度气流对物体的作用以及 观察物理现象的一种管道实验设备,它是进行空气动 力实验最常用、最有效的工具之一[1]。在进行风洞实 验时,保持风洞实验段马赫数的稳定,以测量飞行器 在不同迎角下的气动性能,对于研制高性能飞行器具 有重要意义。为了获得准确的实验数据,阶梯变迎角 实验模式被广泛应用在风洞实验中。阶梯变迎角模 式基于迎角的变化范围间歇地改变迎角以保持马赫 数的稳定,但这种方式只能获得少量特定迎角处的实 验数据,实验效率不高,而且在每一个迎角处都要等 待马赫数稳定后再测量相应的气动性能,这样就不可 避免地延长了实验时间,造成较高的能源消耗,对于 风洞这种高耗能设备来说是不经济的。连续变迎角 实验模式具有更高的实验效率和较低的运行成本,并 且可以获得更密集的实验数据,这些优点促使风洞实 验方式开始从阶梯变迎角向连续变迎角方式转变。 但与此同时,连续变迎角实验模式的快速时变特性也 给风洞马赫数的控制带来了新的挑战,需要研究新的 控制算法与策略。

传统的 PID(Proportion Integral Differential) 控 制算法及其改进形式在阶梯变迎角实验过程中可以 很好地满足风洞马赫数的控制要求。文献[2]利用神 经网络对 PID 控制参数进行在线实时整定,通过仿 真实验证明了该方法可以使马赫数控制更加稳定、迅 速。文献[3]针对跨超声速风洞马赫数范围较宽的特 点,采用了分段控制的思想,在不同的马赫数范围内, 将模糊控制跟 PID 控制结合,利用模糊控制的快速 性与 PID 控制的稳定性实现了整个马赫数范围内的 快速稳定控制。由于风洞的主体是一个环形管道,控 制量(如压缩机转速)与被控量(实验段马赫数)在实 际物理位置上存在一定的距离,导致控制量的变化不 能直接作用于被控量,所以在进行连续变迎角实验时 存在一定的延迟,当迎角变化的速度超过 0.1°/s 时, 制精度达到±0.001的要求。

针对 PID 控制算法存在的缺陷,近年来出现了 很多基于预测的控制方法,这些方法统称为模型预测 控制(Model Predictive Control, MPC)算法^[4]。许多 研究者已经通过仿真实验证明,使用模型预测控制可 以很好地对连续变迎角实验模式下的马赫数进行控 制。文献[5]使用统一模型预测控制对阿姆斯特丹航 空航天实验室拥有的高速风洞进行马赫数控制,实验 结果表明该控制方法与传统 PID 控制算法相比,抗 迎角扰动能力提高 4 倍并且马赫数的控制性能提高 30%~60%。文献[6]出于马赫数高精度控制的考 虑,选取稳定段总压和实验段静压作为被控量,设计 了基于迎角补偿的模型预测控制器,使马赫数的控制 精度达到了大飞机研制要求。但是模型预测控制方 法需要在线求解约束优化问题,计算量大,只适用于 具有高性能计算机的环境[7]。

中国航空工业空气动力研究院的 0.6 m×0.6 m 连续式跨声速风洞将压缩机转速作为控制马赫数稳定 的唯一驱动方式。为了解决 PID 控制方法在连续变迎 角实验模式下存在的缺陷,同时尽可能节约能源,其目 前主要采用前馈控制与 PID 反馈控制结合的策略。前 馈部分的设计需要先通过固定转速,连续变化迎角,得 到迎角与实际马赫数的关系曲线;然后再通过固定迎 角,增加转速,得到转速与实际马赫数的关系曲线;最 后通过这两条曲线得到前馈系数,即转速变化量与迎 角变化量的比值,这样就可以根据迎角变化量提前对 转速进行补偿。但是这种方式存在两个明显缺点:1) 为了得到前馈系数需要进行两次实验,增加了实验次 数;2) 不同迎角下,转速与实际马赫数的关系曲线是 存在一定差别的,导致前馈系数计算不准确。

针对这两个缺点,本文采用高斯过程回归(Gaussian Process Regression, GPR) 直接对不同马赫数下的实验 数据进行建模,在其他条件一定的情况下,将迎角、实 际马赫数、实验段截面积作为模型输入,压缩机转速作 为模型输出,直接预测给定马赫数前提下不同迎角对 应的压缩机转速。根据预测得到的转速值,提前对压 缩机转速进行调节,可以减轻 PID 控制的调节压力, 仅仅使用4P102控制或其改进範括法法满足马赫数控ublish从而提高连续变迎角实验方式下的马赫数控制精度。 这种直接从实验数据中学习规律的方法减少了实验

次数,并且避免了近似计算造成的误差。另外,GPR 输出的预测值置信度可以指导新增实验数据的获取, 以讲一步保证马赫数控制精度。

1 高斯过程回归(GPR)

GPR 是基于贝叶斯理论和统计学习理论发展起 来的一种全新的机器学习方法,适于处理小样本、非 线性等复杂问题^[8]。GPR 不需要显式的指定目标函 数的具体形式,只需假设其服从某个指定均值函数和 协方差函数的高斯过程,目标函数的后验分布是通过 拟合训练数据自动学习得到的,所以它属于非参数模 型[9-10]。相较于其他常用的参数模型,比如神经网 络、支持向量回归、多项式回归等,GPR 具有容易训 练、超参数自适应获取以及预测结果具有概率意义等 优点,并且已经在许多领域得到了成功应用[11-13]。

1.1 预测

高斯过程是一个随机变量的集合,并且其中任意 有限数量随机变量的联合分布为多元高斯分布。从 函数空间的角度出发,高斯过程可以看作定义在函数 f(x)上的一个分布,它的性质完全由均值函数和协 方差函数确定:

$$m(\mathbf{x}) = \mathbf{E}[f(\mathbf{x})]$$
(1)
$$k(\mathbf{x}, \mathbf{x}') = \mathbf{E}[(f(\mathbf{x}) - m(\mathbf{x}))(f(\mathbf{x}') - m(\mathbf{x}'))]$$
(2)

 $f(\mathbf{x}) \sim GP(m(\mathbf{x}), k(\mathbf{x}, \mathbf{x}'))$ (3)

式中, $x, x' \in \mathbb{R}^d$, 为 d 维输入向量, m(x) 为均值函 数, $k(\mathbf{x},\mathbf{x}')$ 为协方差函数。

假设训练集为 { $(x_i, y_i) \mid i = 1, \dots, n$ },针对回 归问题,考虑如下模型:

$$\mathbf{y}_i = f(\mathbf{x}_i) + \boldsymbol{\varepsilon} \tag{4}$$

式中, $\epsilon \sim N(0, \sigma_{\text{noise}}^2)$ 为高斯噪声, x_i 为第 *i* 个输入 向量 $, y_i$ 为相应加入噪声的观测值。为了计算方便, 通常将 \mathbf{y}_i 进行中心化处理,然后将均值设为 0,此时 所有观测值组成的列向量 $y = [y_1, y_2, \dots, y_n]^T$ 的先 验概率分布为:

 $\mathbf{y} \sim N(\mathbf{0}, \mathbf{K}(\mathbf{X}, \mathbf{X}) + \sigma_{\text{noise}}^2 \mathbf{I}_n)$ (5)式中,X为特征矩阵,其中每一行表示一个输入向量; $K(X,X) = K_n = (k_{ij})$ 为 $n \times n$ 阶对称正定协方差矩 阵,矩阵元素 $k_{ij} = k(x_i, x_j)$,使用 $x_i \subseteq x_j$ 之间的距 离来度量 y_i 和 y_i 之间的相关性; I_n 为 n 阶单位矩阵。

对于给定的测试样本 x_* ,其对应的预测值 f_* 与观测值 v 的联合先验分布为:

 $\begin{bmatrix} \mathbf{K}(\mathbf{X},\mathbf{X}) + \sigma_{\text{noise}}^2 \mathbf{I}_n & \mathbf{K}(\mathbf{X},\mathbf{X}_*) \end{bmatrix}$ $\sim N | \mathbf{0}.$

其中, $K(x_*, X) = K(X, x_*)^T$ 为测试样本与训练集 之间的 $1 \times n$ 阶的协方差矩阵; $K(x_*, x_*)$ 为测试样 本之间的协方差矩阵。

根据式(6),并且通过一定的矩阵运算,可以得到 预测值 f * 的条件概率分布为:

 $f_* \mid \mathbf{X}, \mathbf{y}, \mathbf{x}_* \sim N(\bar{f}_*, \operatorname{cov}(f_*))$ (7)其中,

 $\bar{f}_{\star} = \mathbf{K}(\mathbf{x}_{\star}, \mathbf{X}) [\mathbf{K}(\mathbf{X}, \mathbf{X}) + \sigma_{\text{noise}}^{2} \mathbf{I}_{n}]^{-1} \mathbf{y}$ (8) $\operatorname{cov}(f_*) = \mathbf{K}(\mathbf{x}_*, \mathbf{x}_*) -$

$$\mathbf{K}(\mathbf{x}_{\star},\mathbf{X}) \times \lfloor \mathbf{K}(\mathbf{X},\mathbf{X}) + \mathbf{I}_{n} \rfloor^{-i} \mathbf{K}(\mathbf{X},\mathbf{x}_{\star})$$
(9)

最终,我们将式(8)作为测试样本的预测值,式 (9)表示预测的方差,用来衡量该预测的不确定性。

1.2 训练

GPR 的训练其实是选择合适的协方差函数以及 确定其最优超参数的过程^[8]。不同的协方差函数确 定了在该高斯过程先验下目标函数可能具有的性质。 比如,周期协方差函数表示目标函数具有周期性;平 方指数协方差函数表示目标函数具有无穷阶导数,即 处处光滑;线性协方差函数表示目标函数是线性 的[14]。在实际应用中,使用最广泛的为平方指数协 方差函数,具体形式如下:

$$k(\mathbf{x},\mathbf{x}') = \sigma_f^2 \exp\left(-\frac{1}{2}(\mathbf{x}-\mathbf{x}')^{\mathsf{T}} \mathbf{S}^{-1}(\mathbf{x}-\mathbf{x}')\right)$$
(10)

式中, σ_f^2 为信号方差, $S = dig(l^2)$,l为输入向量各个 维度的带宽,这些参数称为平方指数协方差函数的超 参数。每种不同的协方差函数都存在一些像 σ_{f}^{2} 和 l这样的超参数,超参数的取值决定了协方差函数的具 体形状,同时也决定了从高斯过程中所采样函数的特 征。假设一个协方差函数的超参数集合为 $\theta =$ $\{\theta_i\}_{i=1}^m, m$ 为超参数的个数,一般通过极大似然法来 确定 θ 的最优值。

首先根据多元高斯分布的边际属性可得观测值 γ 的边缘概率分布:

 $p(\mathbf{y} \mid \mathbf{X}) = N(\mathbf{0}, \mathbf{K}(\mathbf{X}, \mathbf{X}) + \sigma_{\text{noise}}^{2} \mathbf{I}_{n})$ (11) 式(11)一般称作边际似然。通过式(11)可以得到训 练集的负对数边际似然函数为:

$$L(\theta) = -\ln p(\mathbf{y} \mid \mathbf{X})$$

= $\frac{1}{2} \mathbf{y}^{\mathrm{T}} \mathbf{C}^{-1} \mathbf{y} + \frac{1}{2} \ln |\mathbf{C}| + \frac{n}{2} \ln 2\pi$ (12)

其中 $C = K_n + \sigma_{\text{noise}}^2 I_n$, |C| 为矩阵 C 的行列式。所以 GPR 模型的优化目标为:

fl994-2020 China K(adex)c JournK(Electron c Publishing Housearghnights(@)erved. http://www.cnki.(123) 计算 $L(\theta)$ 关于各个超参数 θ_i 的偏导数,然后采用共 (6)

2 实验设计

2.1 数据预处理

使用 J7 标模在连续变迎角实验模式下得到的数 据进行建模,其中迎角变化范围为一5°~11°。在实 际实验过程中,由于迎角回零操作或者其他一些复杂 因素的影响可能会产生一些异常数据,这些异常数据 会严重影响建模的准确性,所以在建模前需要将这些 数据进行删除。删除前与删除后的数据分别如图 1、 图 2 所示,图中的虚线表示马赫数±0.001 误差带。



原始实验数据中,为了检验连续变迎角实验方式 下角速度对马赫数控制精度的影响,在某些马赫数条 件下可能测量了两组实验数据,其迎角变化速度分别 为 0.1°/s 和 0.2°/s,但是由于角速度不影响迎角、实 时马赫数、实验段截面积和压缩机转速之间的关系, 同时也为了保证不同马赫数下的数据量尽量均衡,所 以对于这种情况只取角速度为 0.1°/s 的数据进行建 模。在进行实际风洞实验时,不同范围的马赫数条件 下,实验段截面积也可能会做相应的调整。本文使用 的数据中,马赫数 0.85 以上(包括马赫数 0.85)条件 下的截面积是马赫数 0.85 以下的 7/6 倍,所以我们 以G赫数^{6,85}为界中其以下的截面积设为中分可以上 的截面积设为 7/6 m²(由于最终输入模型的数据是 经过标准化的,所以这样设置是合理的)。经过处理 后的数据集的特征分布直方图如图 3 所示。



由图 3 可知,不同特征之间的量级是不一样的, 而 GPR 主要采用基于梯度的优化算法进行训练。为 了加快梯度下降的速度,并且使得算法可以更好地逼 近最优解,提高预测精度^[15],所以在将数据输入模型 之前,还需要对每一个特征进行标准化处理,标准化 公式如下所示:

$$\tilde{x}_{j}^{i} = \frac{x_{j}^{i} - \mu_{j}}{\sigma_{j}} \tag{14}$$

式中, x_j^i 表示第i个样本的第j个特征, μ_j 为第j个 特征的均值, σ_j 是第j个特征的标准差, \widetilde{x}_j^i 是 x_j^i 标准 化后的结果。



2.2 初始超参数选择

的数据中,马赫数 0.85 以上(包括马赫数 0.85)条件 GPR 模型中的超参数可以通过最大化训练数据 下的截面积是马赫数 0.85 以下的 7/6 倍,所以我们 的边际似然函数获得,但是一般情况下边际似然函数 以马赫数他285 为界中其以下的截面积设为下航的以上ublish都是关于超参数的非凸函数d在使用基示梯度的优化 的截面积设为 7/6 m² (由于最终输入模型的数据是 算法进行求解时,如果超参数的初值选取不当,算法 很可能会收敛到局部最优解。为了解决该问题,采用 最大边际似然法进行初始超参数的选择,具体的步骤 如下:

① 从特定的超参数先验 $P(\theta)$ 中随机选择一个 超参数 θ_0 ;

② 将 θ_0 作为初始值,使用共轭梯度下降算法最 小化负对数边际似然函数,经过 m 次迭代,得到优化 后的超参数 θ_m ;

③ 重复①、② *M* 次,从 *M* 个初始超参数中选择使 负对数边际似然达到最小的作为最终的初始超参数。

文献[16]通过大量的实验得出结论:尽管超参数 先验分布对协方差函数最终优化得到的超参数取值 有较大影响,但是对 GPR 模型最终的预测精度影响 甚微。所以在实际应用中选择比较简单、常见的概率 分布作为超参数的先验分布即可,比如标准高斯分 布、合适范围内的均匀分布等。

本文最终选择标准高斯分布作为超参数的先验 分布,从中随机采样 20次,得到 20组不同的初始超 参数。对于每组超参数使用共轭梯度下降算法进行 500次迭代优化,从中选取使负对数边际似然最小的 取值作为最终的初始超参数。

2.3 协方差函数的选择

正如 1.2 节所述,协方差函数对 GPR 模型至关 重要,因为它包含了我们对于目标函数特性的假设。 当我们对目标函数的先验知识比较充足时,可以准确 地选择合适的协方差函数来解释数据中的结构。但 是通常情况下,我们并不清楚目标函数的一些显著特 征。式(10)所示的平方指数协方差函数的超参数数 量较少且具有可解释性,而且已有理论证明,"当训练 数据足够多时,平方指数协方差函数有能力学得任意 的连续函数"^[17]。所以当我们对目标函数的先验知 识不足时,为了不引入错误的先验知识并且保证预测 的准确性,可以使用平方指数协方差函数的 GPR 模 型称为标准高斯过程回归(Standard Gaussian Process Regression,S-GPR)。

S-GPR 假设目标函数具有如下形式:

$$\mathbf{y} = f(\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2, \cdots, \mathbf{x}_D) \tag{15}$$

式中 x_1, x_2, \dots, x_D 表示输入向量的各个维度。最终的函数输出y同时取决于输入向量的所有维度,这使得 S-GPR 对于远离训练样本的数据预测效果很差。

为了解决该问题,本文使用加性高斯过程回归 (Additive Gaussian Process Regression, Add-GPR)^[18] 来对风洞实验数据进行建模miAdd-GPR 使用加性协 Additive Model,GAM)^[19]与 S-GPR 的推广。具体的, 为输入向量的每一个维度分配一个基本的协方差函数,并且定义不同阶的加性协方差函数以全面考虑特 征之间的交互作用。不同阶的协方差函数定义如下:

$$\widetilde{k}_{1}(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{x}') = \sigma_{1}^{2} \sum_{i=1}^{D} k_{i}(x_{i}, x_{i}')$$

$$\widetilde{k}_{2}(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{x}') = \sigma_{2}^{2} \sum_{i=1}^{D} \sum_{i=i+1}^{D} k_{i}(x_{i}, x_{i}') k_{j}(x_{j}, x_{j}')$$
(16)

$$\widetilde{k}_{n}(\boldsymbol{x},\boldsymbol{x}') = \sigma_{n}^{2} \sum_{1 \leq i_{1} < i_{2} < \cdots < i_{n} \leq D} \prod_{d=1}^{n} k_{id}(x_{id}, x'_{id})$$
(18)

其中,D 为输入向量的维度, $\tilde{k}_n(x,x')$ 为n 阶加性协 方差函数, $k_i(x_i,x'_i)$ 是为输入向量的第i 维特征分配 的基本协方差函数。n 阶加性协方差函数前面的系数 σ_n^2 具有很好的可解释性,它可以表示特征之间的n 阶 交互对最终预测结果的重要程度^[18]。Add-GPR 完整 的协方差函数为各阶加性协方差函数之和,即:

$$k_{\text{add}}(\boldsymbol{x},\boldsymbol{x}') = \sum_{i=1}^{D} \widetilde{k}_{i}(\boldsymbol{x},\boldsymbol{x}')$$
(19)

易知,当只考虑特征之间的一阶交互时,Add-GPR 等价于 GAM;如果只考虑特征之间的 D 阶交互,并 且将基本协方差函数设为平方指数协方差函数,则 Add-GPR 就退化为 S-GPR。

由于平方指数协方差函数的良好性质,所以本文 将其作为迎角、实时马赫数、实验段截面积三个输入 维度的基本协方差函数,并且使用式(19)所示的完整 加性协方差函数(此时 D=3)作为 GPR 最终的协方 差函数对实验数据进行建模。

3 实验结果及分析

经过数据清洗后,得到在马赫数 0.6、0.7、0.75、 0.8、0.85、0.9、0.95、1.0、1.05、1.1 条件下,迎角连续 变化时的 10 组控制数据,总样本个数为 2578。其中 输入向量在特征空间的分布情况如图 4 所示。



来对风洞实验数据进行建模miAddeGPR使用加性协ublishing House. All rights r输入简量散点菌://www.cnki.net 方差函数,其可以看作广义加性模型(Generalized Fig.4 Scatter plot of input vector

图 4 中的每组数据的实际马赫数都在相应的马 赫数条件附近波动。以马赫数 0.75 条件下的数据为 例,实际马赫数的波动情况如图5所示。



实验将从两个角度说明 Add-GPR 对风洞实验 数据进行建模的有效性,并且提出了基于高斯过程回 归的马赫数控制策略。

3.1 随机划分数据集

使用机器学习算法执行预测任务有一个基本的 假设,即训练数据与测试数据是独立同分布的。基于 这个假设我们将 2578 个样本随机打乱,使用常用的 机器学习模型分别进行 5 折交叉验证,最终得到预测 结果的 RMSE(Root Mean Square Error) 如表 1 所 示。其中,RMSE 的计算公式为:

$$\delta_{\rm RMSE} = \sqrt{\sum_{i=1}^{m} \frac{(y_i - \hat{y}_i)^2}{m}}$$
(20)

式中,m 为测试集样本数量, v_i 为样本的真实输出, \hat{y}_i 为预测输出。

表1 预测结果对比 Table 1 Comparison of prediction results

模型	交叉验证					
	1	2	3	4	5	
神经网络	15.721	7.535	7.140	10.402	6.242	
SVR	0.846	0.833	0.819	0.781	0.848	
多项式回归	1.029	1.089	1.043	1.029	1.051	
S-GPR	0.714	0.860	0.701	0.722	0.796	
Add-GPR	0.583	0.592	0.636	0.635	0.660	

由表 1 可以看出, Add-GPR 每一次交叉验证的 预测精度都要高于其他常用的回归模型,同时 GPR 的预测效果也比其他模型的预测精度要好。这是因 为神经网络、SVR 和多项式回归属于参数化模型^[9], 参数化模型需要对目标函数的形式做有限参数的假 设,函数形式确定了,则模型的复杂度也就相应确定 了。但是选择合适的目标函数的形式是一项十分困 难的任务,如果目标函数的形式不符合数据的真实分 布,则预测效果会变得很差。en相比之下,GPR 属于非blish看出,S+GPR的预测曲线跟真实的转速曲线相差很 参数模型,其复杂度随着样本数量的增加而增加,不

需要人为做相应的假设,所以 GPR 模型更加灵活,预 测精度更高^[10]。

连续式跨声速风洞在连续变迎角模式下,马赫数 控制要达到±0.001的精度,则压缩机输出转速与目 标转速之间的误差应该在 $\pm 2 r/min$ 之内。图 6 为 Add-GPR 5 折交叉验证实验中,测试集实际转速与 预测转速之间的绝对误差分布直方图。从图 6 中可 以看出,绝对误差基本都分布在 2 r/min 之内,可以 满足连续变迎角方式下的马赫数控制要求。



3.2 分组划分数据集

一个好的预测模型应该对于远离训练集的样本 依然有很好的预测能力。但是随机划分数据集时,虽 然测试样本对于模型来说是未见的,但其相对于训练 集的距离是比较近的。为了进一步说明 Add-GPR 对风洞数据的建模能力,我们采用分组划分数据集的 方式产生训练集跟测试集。由于在 3.1 节实验中, S-GPR与 Add-GPR 的预测效果最好,所以本节只对 这两种方法进行比较。

由图 4 可知,共有 10 组在不同马赫数条件下测 得的数据,我们以其中9组作为训练集,剩余1组作 为测试集共进行了4次实验,每次实验分别将马赫数 0.8, 0.9, 1.0, 1.1条件下的数据作为测试集,最终得 到的转速预测曲线如图7所示。

图 7 中, 左图为不同马赫数下 Add-GPR 与 S-GPR 的预测转速曲线,右图为两者预测的绝对误差。可以 大,而 Add-GPR 的预测虽然跟真实曲线也存在一定

的差距,但是各个攻角处预测的绝对误差趋于稳定, 这说明 Add-GPR 预测曲线与真实曲线的变化趋势 是基本一致的。实验结果显示,马赫数 1.1 条件下的 预测相对来说比较差,这主要是因为马赫数大于 1.1 的条件下是没有实验数据的,所以建模时只能利用马 赫数小于 1.1 一侧的数据信息,而其他马赫数条件的 两侧都存在数据,可以利用的信息更多。



接下来将说明基于所提出的控制策略,只需预测 转速曲线与真实转速曲线的变化趋势一致,就可以满 足马赫数控制的要求。

3.3 控制策略

马赫数稳定,只需将要固定的马赫数、连续变化的迎

角以及实验段截面积输入训练好的模型,就可以提前 得到不同迎角下,为了保持马赫数稳定,压缩机应该 输出的转速。此时t时刻产生的总控制信号为:

$$U(t) = U_{ff}(t) + U_{fb}(t)$$
(21)
其中,

$$U_{ff}(t) = S(\alpha(t+\tau)) - S(\alpha(t+\tau-1)) \quad (22)$$
$$U_{fb}(t) = K_{P} e(t) + K_{L} \sum_{j=0}^{t} e(j) + K_{D} [e(t) - e(t-1)] \quad (23)$$

式(21)~式(23)中, U_{ff} 为前馈控制部分的输出信 号, $\alpha(t+\tau)$ 为 $t+\tau$ 时刻的迎角, $S(\alpha(t+\tau))$ 为该迎 角下保持马赫数稳定所需要的压缩机转速;U_{fb}为 PID 反馈控制的输出信号, τ 为 PID 控制算法的延迟 时间,其中前馈部分先于 PID 反馈 τ 时间进行控制。

由式(22)可知,只要预测曲线与真实曲线的变化 趋势一致,那么前馈部分输出的信号就是相同的,即 使预测转速与真实转速之间存在偏差,也不影响最终 的控制效果。前馈部分预测的越准确,马赫数在 PID 反馈控制的延迟时间内产生的偏移就越小,此时通过 PID 反馈控制就可以达到马赫数的控制精度要求。

训练数据很多时,我们可以得到比较准确的压缩 机转速预测曲线。但是很多情况下,我们在某一马赫 数条件下只能得到有限的实验数据,此时预测结果可 能无法达到连续变迎角模式下的马赫数控制精度要 求。由于 GPR 模型是一种概率模型,它可以得到预 测结果的方差,以评估预测结果的置信度,所以当控 制精度不足时,可以根据预测方差来改善预测精度。 在预测方差比较大的区域有针对性地增加实验数据 来提高预测的精度,这种有目的的改善可以使用较少 的数据达到很好的预测结果。我们以马赫数 0.9 条 件下的数据为例来说明该方法的有效性。实验结果 如图 8 所示。



图 8 中,红色曲线表示真实的转速曲线,蓝色曲 线表示预测结果,阴影部分为预测值 95% 的置信区 (C在建续变迎角实验过程中,如果我们要控制集 Publishing] 宏图为只有 dats个样本点的实验结果 w 右图是在 左图预测结果不确定性最大的区域额外加入 14 个训 练样本后的实验结果。可以发现右图转速曲线的预测结果有一定改善,并且预测结果的置信度得到了显著提高,因而 PID 反馈控制的精度得到了保证。

4 结 论

本文提出了一种基于 GPR 的前馈控制与 PID 反 馈控制结合的控制策略,该策略可以提高连续变迎角 实验模式下的马赫数控制精度,并且具有简单、节能 等优点。前馈部分将迎角、实际马赫数和风洞实验段 截面积作为 Add-GPR 的输入来预测压缩机转速曲 线,通过实验证明了 Add-GPR 对风洞实验数据建模 的有效性。同时利用 GPR 输出的预测结果的置信 度,可以指导新增实验数据的获取,以进一步提高马 赫数控制精度。由于风洞实验条件的限制,本文只考 虑了 3 个因素对压缩机转速的影响,而且其中截面积 只有两种不同的取值,这其实限制了模型泛化能 力^[20]。如果实验条件允许,可以采集多组不同工况 下的实验数据,并且加入其他因素作为模型的输入, 比如温度、压强等,这些措施都可以提高转速曲线的 预测精度,进而使马赫数的控制更加稳定。

参考文献:

- [1] 李周复.风洞实验手册[M].北京:航空工业出版社,2015.
 LIZF. Handbook of wind tunnel test[M]. Beijing: Aviation Industry Press, 2015.(in Chinese)
- [2] 王凯文. 神经网络 PID 控制在 FD12 风洞亚跨流场校测中的应 用[D]. 哈尔滨工程大学, 2011.
 WANG K W. Application of neural network PID control in measured sub-flow field calibration of FD12 wind tunnel[D].
 Harbin Engineering University, 2011.(in Chinese)
- LUO Y, XING S, SONG W, et al. Fuzzy and PID compound control of mach number for 0.6 meters supersonic wind tunnel
 C]//Artificial Intelligence, Management Science and Electronic Commerce (AIMSEC) 2011. IEEE, 2011; 3992-3995.
- [4] CAMACHO D E F, BORDONS D C. Model predictive control
 [J]. International Journal of Robust & Nonlinear Control, 2007, 18(8):799-799.
- [5] SOETERBOEK R A M, PELS A F, VERBRUGGEN H B, et

al. A predictive controller for the Mach number in a transonic wind tunnel[J]. IEEE Control Systems, 2002, 11(1):63-72.

- [6] 袁平,易凡,肖宇航,等.面向迎角变化的风洞流场模型预测控制器[J].控制与决策,2018,33(6):1026-1032.
 YUAN P, YI F, XIAO Y H, et al. Wind tunnel flow field model predictive controller for angle of attack variation[J]. Journal of Control and Decision, 2018, 33(6): 1026-1032.(in Chinese)
- [7] YUGENG X I, DEWEI L I, LIN S, et al. Model predictive control— Status and challenges [J]. Acta Automatica Sinica, 2013, 39(3):222-236.
- [8] RASMUSSEN C E, WILLIAMS C K I. Gaussian process for machine learning[M]. MIT Press, 2006: 106-107.
- [9] MURPHY K P. Machine learning: A probabilistic perspective [M]. MIT Press, 2012.
- [10] GHAHRAMANI Z. Probabilistic machine learning and artificial intelligence[J]. Nature, 2015, 521(7553); 452.
- [11] RICHARDSON R R, OSBORNE M A, HOWEY D A. Gaussian process regression for forecasting battery state of health[J]. Journal of Power Sources, 2017, 357:209-219.
- [12] PILON B H A, MURILLOFUENTES J J, COSTA J P C L D, et al. Predictive analytics in business intelligence systems via Gaussian processes for regression [C]//International Joint Conference on Knowledge Discovery, 2015.
- [13] DEISENROTH M P, FOX D, RASMUSSEN C E. Gaussian processes for data-efficient learning in robotics and control[J].
 IEEE Transactions on Pattern Analysis & Machine Intelligence, 2015, 37(2):408-423.
- [14] DUVENAUD D. Automatic model construction with Gaussian processes[D]. University of Cambridge, 2014.
- [15] KUMARSINGH B, VERMA K, THOKE A S. Investigations on impact of feature normalization techniques on classifier's performance in breast tumor classification [J]. International Journal of Computer Applications, 2015, 116(19):11-15.
- [16] CHEN Z, BO W. How priors of initial hyperparameters affect Gaussian process regression models [J]. Neurocomputing, 2017, 275: 1702-1701.
- [17] MICCHELLI C A, XU Y, ZHANG H. Universal kernels[J]. Journal of Machine Learning Research, 2006, 7: 2651-2667.
- [18] DUVENAUD D, NICKISCH H, RASMUSSEN C E. Additive Gaussian processes [J]. Neural Information Processing Systems, 2012: 226-234.
- [19] HASTIE T J, TIBSHIRANI R J. Generalized additive models[J]. Statistical Science, 1986, 1(3):297-318.
- [20] 周志华. 机器学习[M]. 北京:清华大学出版社, 2016.
 ZHOU Z H. Machine learning [M]. Beijing: Tsinghua University Press, 2016.(in Chinese)